

Speaker

Khaydar Nurligareev

Séminaire

Le séminaire de l'équipe Probabilités et Statistiques

Lieu et date

Institut Élie Cartan de Lorraine, Université de Lorraine, Nancy (France), 6 mars 2025

Titre

Interprétation combinatoire des coefficients dans les développements asymptotiques

Résumé

De nombreuses structures combinatoires admettent, au sens large, une notion d'irréductibilité : les graphes peuvent être connexes, les permutations indécomposables, les polynômes irréductibles, etc. Nous nous intéressons à la probabilité qu'un tel objet pris au hasard soit irréductible, lorsque sa taille tend vers l'infini. Dans cet exposé, nous discutons de quelques méthodes qui nous permettent d'obtenir les asymptotiques pour cette probabilité de manière commune. Nous montrons que les coefficients apparaissant dans ces asymptotiques sont entiers et qu'ils peuvent être interprétés comme des suites de comptage d'autres classes combinatoires "dérivées". De plus, nous obtenons certaines probabilités asymptotiques qu'un objet combinatoire aléatoire ait un nombre donné de composantes irréductibles. Nous appliquons notre approche aux graphes connexes, aux graphes orientés fortement connexes, aux tournois irréductibles, aux surfaces à petits carreaux, aux permutations indécomposables, aux couplages parfaits indécomposables, aux cartes combinatoires, etc. Enfin, à l'aide de la théorie des espèces, nous traitons également le modèle $G(n, p)$ de Erdős–Rényi.

Cet exposé est basé sur les travaux en commun avec Thierry Monteil et Sergey Dovgal.