

Chapitre 4 : Types, classes et modules

Carole Porrier
carole.porrier@univ-paris13.fr

Département d'informatique
IUT de Villetaneuse

4 avril 2024
Paradigmes de développement universels

1. Types algébriques
2. Types rékursifs
3. Classes
4. Modules

1. Types algébriques
2. Types rékursifs
3. Classes
4. Modules

Types énumératifs

- ▶ Nous avons déjà vu les **types énumératifs**:

```
data Bool = False | True
data Jour = Dim | Lun | Mar | Mer | Jeu | Ven | Sam
data Mois = Jan | Fev | Mrs | Avr | Mai | Jun |
           Jui | Aou | Sep | Oct | Nov | Dec
```

- ▶ Il est possible de créer des **types algébriques**:

```
data Vecteur3D = Vecteur3D Float Float Float
  deriving (Show)
data Point = Point2D Float Float |
           Point3D Float Float Float deriving (Show)
data Triangle = Triangle Point Point Point
  deriving (Show)
```

```
*Main> Triangle (Point2D 1 1) (Point2D 3 5) (Point2D (-1)
4)
Triangle (Point2D 1.0 1.0) (Point2D 3.0 5.0) (Point2D
(-1.0) 4.0)
```

```
data Vecteur3D = Vecteur3D Float Float Float
  deriving (Show)
data Point = Point2D Float Float |
  Point3D Float Float Float deriving (Show)
data Triangle = Triangle Point Point Point
  deriving (Show)
```

- ▶ `Vecteur3D`, `Point` et `Triangle` sont des **types algébriques**
- ▶ `Vecteur3D`, `Point2D`, `Point3D` et `Triangle` sont des **constructeurs**.
- ▶ On peut réutiliser le **même nom** pour les **constructeurs** et pour leur **type**.

Enregistrements (1/2)

- ▶ Souvent, on doit fournir des **fonctions d'accès** au contenu;

```
data Etudiant = Etudiant String String String Int
  deriving (Show)
```

```
prenom :: Etudiant -> String
prenom (Etudiant p _ _ _) = p
```

```
nom :: Etudiant -> String
nom (Etudiant _ n _ _) = n
```

```
codePermanent :: Etudiant -> String
codePermanent (Etudiant _ _ c _) = c
```

```
age :: Etudiant -> Int
age (Etudiant _ _ _ a) = a
```

- ▶ Une alternative consiste à utiliser les **enregistrements**.

Enregistrements (2/2)

```
data Etudiant = Etudiant {  
    prenom      :: String,  
    nom         :: String,  
    codePermanent :: String,  
    age        :: Int  
} deriving (Show)
```

```
*Main> let e = Etudiant "Bob" "LeMineur" "LEMB12345678" 35  
*Main> e  
Etudiant {prenom = "Bob", nom = "LeMineur", codePermanent = "  
    LEMB12345678", age = 35}  
*Main> prenom e  
"Bob"  
*Main> nom e  
"LeMineur"  
*Main> codePermanent e  
"LEMB12345678"  
*Main> age e  
35
```

Constructeurs de types

- ▶ Les types **énumératifs**, **algébriques** et **enregistrements** sont présents dans **la plupart des langages**;
- ▶ En Java et en C++, il y a la notion de *template* (types **génériques**):
 - ▶ En **Java**: `TreeSet<E>`, `HashMap<K, V>`, etc.
 - ▶ En **C++**: `std::vector<T, Alloc>`,
`std::map<Key, T, Compare, Alloc>`, etc.
- ▶ On aimerait voir `TreeSet` et `vector` comme des **fonctions**:

$$\begin{array}{lcl} \text{TreeSet} & : & \text{Type} \quad \rightarrow \quad \text{Type} \\ & & \text{E} \quad \mapsto \quad \text{TreeSet}\langle\text{E}\rangle \end{array}$$
$$\begin{array}{lcl} \text{vector} & : & \text{Type} \times \text{Type} \quad \rightarrow \quad \text{Type} \\ & & (\text{T}, \text{Alloc}) \quad \mapsto \quad \text{vector}\langle\text{T}, \text{Alloc}\rangle \end{array}$$

Types paramétrés

- ▶ En Haskell, ce type de construction est **facile**;
- ▶ Il suffit d'utiliser une **variable de type**;
- ▶ Ainsi que le mot réservé **data**:

```
-- Equivalent d'avoir des objets "null" en Java/C++
```

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

```
-- Union de deux types
```

```
data Either a b = Left a | Right b
```

```
-- Vecteurs de n'importe quoi
```

```
data Vector3D a = Vector3D a a a
```

```
-- Somme
```

```
somme :: Num a => Vector3D a -> Vector3D a -> Vector3D a  
somme (Vector3D x1 y1 z1) (Vector3D x2 y2 z2)  
    = Vector3D (x1 + x2) (y1 + y2) (z1 + z2)
```

```
-- Produit scalaire
```

```
produitScalaire :: Num a => Vector3D a -> Vector3D a -> a  
produitScalaire (Vector3D x1 y1 z1) (Vector3D x2 y2 z2)  
    = x1 * x2 + y1 * y2 + z1 * z2
```

Le type `Maybe a`

- ▶ En Haskell, le type `Maybe a` est très pratique;
- ▶ Disponible dans le module `Data.Maybe`;
- ▶ Utile lorsque le **domaine** de la fonction n'est pas **partout défini**;

```
Prelude> import Data.Maybe
Prelude> import Data.List
-- Recherche selon un critère
Prelude> :t find
find :: (a -> Bool) -> [a] -> Maybe a
Prelude> find odd [100,103..200]
Just 103
Prelude> find odd [100,104..200]
Nothing
Prelude> :t fromJust -- Permet d'extraire une valeur
fromJust :: Maybe a -> a
Prelude> fromJust $ find odd [100,103..200]
103
```

Le type `Map k v`

- ▶ Un autre type utile est `Map k v`;
- ▶ Permet de représenter un **tableau associatif** (clé/valeur);
- ▶ Disponible dans le module `Data.Map`.

```
Prelude Data.Map> import Data.Map
Prelude Data.Map> let map = fromList [(0, "fraise"), (1, "pomme"),
    , (2, "banane")]
Prelude Data.Map> map
fromList [(0, "fraise"), (1, "pomme"), (2, "banane")]
Prelude Data.Map> keys map
[0,1,2]
Prelude Data.Map> Data.Map.lookup 1 map
Just "pomme"
Prelude Data.Map> Data.Map.lookup 5 map
Nothing
```

1. Types algébriques
2. Types rékursifs
3. Classes
4. Modules

- ▶ On peut définir un type de donné par rapport à **lui-même**;
- ▶ C'est pratique en particulier pour les structures **arborescentes**:

-- Un arbre binaire

```
data ArbBin a = ArbBinVide |  
  NoeudArbBin (ArbBin a) a (ArbBin a)
```

-- Un arbre binaire dans lequel on distingue les feuilles

```
data ArbBin2 a = ArbBinVide2 | FeuilleArbBin2 a |  
  NoeudArbBin2 (ArbBin a) a (ArbBin a)
```

-- Un arbre avec un nombre quelconque d'enfants

```
data Arbre a = ArbreVide | NoeudArbre [Arbre a]
```

Exemple: un système de fichiers

```
-- Un système de fichiers simple
data Fichier = Fichier {
    nomFichier  :: String,
    taille      :: Int,
    permissions :: String
}
data Repertoire a = Repertoire String [a] [Repertoire a]
type SystemeFichier = Repertoire Fichier

systeme =
    Repertoire "~"
    [Fichier ".vimrc"      128 "rw-----",
     Fichier ".gitconfig" 32  "rw-----"]
    [Repertoire ".ssh"
     [Fichier "id_rsa.pub" 25 "rw-----"]
     [],
     Repertoire ".git"
     [Fichier "config" 38 "rw-----"]
     []
    ]
```

- ▶ On peut facilement définir une fonction qui utilise un **type récursif**;
- ▶ Souvent, on utilise le **filtrage** (*pattern matching*):
 - ▶ On traite d'abord le ou les **cas de base**;
 - ▶ Puis on traite le **cas général**.
- ▶ Évidemment, toutes les autres **constructions** sont aussi disponibles: fonctions d'ordre supérieur, **where**, **let...in**, etc.

Arbre binaire de recherche (1/2)

-- Un arbre binaire de recherche

```
data ABR a = ABRVide | Noeud a           -- Contenu du noeud
              (ABR a) -- Sous-arbre gauche
              (ABR a) -- Sous-arbre droit

deriving (Show,Eq)
```

-- L'insertion est tres facile

```
insérer :: Ord a => a -> ABR a -> ABR a
insérer x ABRVide = Noeud x ABRVide ABRVide
insérer x (Noeud y g d)
  | x == y = Noeud x g d
  | x < y  = Noeud y (insérer x g) d
  | x > y  = Noeud y g (insérer x d)
```

-- Verifier l'appartenance

```
appartient :: Ord a => a -> ABR a -> Bool
appartient _ ABRVide = False
appartient x (Noeud y g d)
  | x == y = True
  | x < y  = appartient x g
  | x > y  = appartient x d
```


- ▶ On peut insérer en bloc grâce à la fonction `foldr`:

```
*Main> foldr inserer ABRVide [5,2,4,1,3,6]
Noeud 6 (Noeud 3 (Noeud 1 ABRVide (Noeud 2 ABRVide ABRVide)
  ) (Noeud 4 ABRVide (Noeud 5
    ABRVide ABRVide))) ABRVide
```

- ▶ Il s'agit d'un motif **très fréquent**, qui devrait être préféré à:

```
-- Insertions multiples (serait mieux avec foldr)
insererPlusieurs :: Ord a => [a] -> ABR a -> ABR a
insererPlusieurs [] = id
insererPlusieurs (x:xs) = insererPlusieurs xs . inserer x
```

- ▶ L'**ordre** des paramètres dans la **signature** indique s'il faut utiliser `foldr` ou `foldl`.

foldr ou foldl?

```
insérer :: Ord a => a -> ABR a -> ABR a
insérer x ABRVide = Noeud x ABRVide ABRVide
insérer x (Noeud y g d)
  | x == y = Noeud x g d
  | x < y  = Noeud y (insérer x g) d
  | x > y  = Noeud y g (insérer x d)
```

```
insérer' :: Ord a => ABR a -> a -> ABR a
insérer' ABRVide x = Noeud x ABRVide ABRVide
insérer' (Noeud y g d) x
  | x == y = Noeud x g d
  | x < y  = Noeud y (insérer' g x) d
  | x > y  = Noeud y g (insérer' d x)
```

```
*Main> foldr insérer ABRVide [5,2,4,1,3,6]
Noeud 6 (Noeud 3 (Noeud 1 ABRVide (Noeud 2 ABRVide ABRVide)) (
  Noeud 4 ABRVide (Noeud 5 ABRVide ABRVide))) ABRVide
*Main> foldl insérer' ABRVide [5,2,4,1,3,6]
Noeud 5 (Noeud 2 (Noeud 1 ABRVide ABRVide) (Noeud 4 (Noeud 3
  ABRVide ABRVide) ABRVide)) (Noeud 6 ABRVide ABRVide))
```

1. Types algébriques
2. Types rékursifs
- 3. Classes**
4. Modules

- ▶ En Haskell, une **classe** est une **contrainte** de type;

```
Prelude> :m Data.List
Prelude Data.List> :t sort
sort :: Ord a => [a] -> [a]
Prelude Data.List> :t elem
elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool
```

- ▶ On peut **trier** une liste si ses éléments sont **ordonnés**;
- ▶ On peut **vérifier l'appartenance** à une liste si ses éléments sont **“égalisables”**.
- ▶ Une classe peut **hériter** d'une autre classe:

```
class Eq a => Ord a where
    ...
```

```
Eq -> Ord -> Real -> Integral;  
Eq -> Num -> Real -> Realfrac;  
Show -> Num -> Fractional -> Floating -> Realfloat;  
Enum -> Integral;  
Fractional -> Realfrac -> Realfloat;  
Monad -> Monadplus;
```

Définition minimale complète (1/2)

- ▶ La classe `Eq` est définie comme suit:

```
class Eq a where
  (==)  :: a -> a -> Bool
  (/=)  :: a -> a -> Bool
  x == y = not  (x /= y)
  x /= y = not  (x == y)
```

- ▶ Il est donc **suffisant** de définir seulement `(==)` ou seulement `(/=)`.
- ▶ On peut aussi définir **toutes les opérations** si c'est plus efficace;
- ▶ On dit alors que la **définition minimale complète** d'une instance de `Eq` est

`(==) | (/=)`

Définition minimale complète (2/2)

- ▶ La classe `Ord` est à peu près définie comme:

```
class Eq a => Ord a where
  compare :: a -> a -> Ordering
  x `compare` y | x == y    = EQ
                | x <= y    = LT
                | otherwise = GT
  (<)  :: a -> a -> Bool
  x < y = x `compare` y == LT
  (<=) :: a -> a -> Bool
  x <= y = x `compare` y /= GT
  (>)  :: a -> a -> Bool
  x > y = x `compare` y == GT
  (>=) :: a -> a -> Bool
  x >= y = x `compare` y /= LT
```

- ▶ Sa **définition minimale complète** est

```
compare | (<=)
```

- ▶ Il est recommandé pour des raisons d'**efficacité** de définir `compare`.

Définir une instance de classe (instance)

- ▶ On souhaite définir un ordre sur les **points** du plan;
- ▶ Plus le point est **proche** de l'origine, plus il est **“petit”**;
- ▶ Si deux points sont à la **même distance** de l'origine, on prend celui dont l'angle est le **plus petit**.
- ▶ Noter que `Point` doit être une **instance** de `Eq`, puisque `Ord` en **hérite**.

```
data Point = Point Float Float deriving (Eq)
```

```
instance Ord Point where
  (Point x y) `compare` (Point x' y')
    | r == r'    = a `compare` a'
    | r < r'     = LT
    | otherwise  = GT
  where r      = x * x + y * y
        r'     = x' * x' + y' * y'
        a      = atan2 y x
        a'     = atan2 y' x'
```


► **Syntaxe:**

```
class <nom classe> <variable de type> where
  <fonction1> <signature>
  <fonction2> <signature>
  ...
```

► Par exemple, la classe des types **mesurables**:

```
class Mesurable a where -- Choses qui ont une longueur
  longueur :: a -> Int
```

```
instance Mesurable Int where
  longueur _ = 1
```

```
instance Mesurable Char where
  longueur _ = 1
```

```
instance Mesurable [a] where
  longueur = length
```

```
instance Mesurable (Maybe a) where
  longueur Nothing = 0
  longueur (Just _) = 1
```

- ▶ Dans le cours, il sera assez **rare** que vous ayez à définir une classe (mais ça peut arriver, en particulier dans l'examen!);
- ▶ Souvent, les classes **prédéfinies** dans Haskell sont **suffisantes**;
- ▶ Par contre, il est très fréquent de définir une **instance** d'une classe déjà existante;
- ▶ Il est donc important d'être **à l'aise** avec le mécanisme.
- ▶ Si vous voulez aller plus loin, les **classes Functor**, **Monoid** et **Foldable Applicative** et **Monad** sont **fondamentales**.

1. Types algébriques
2. Types rékursifs
3. Classes
4. Modules

- ▶ Un **module** est simplement un **fichier**, par exemple **Graph.hs**;
- ▶ Il commence par une lettre **majuscule**;
- ▶ L'extension est **.hs**;
- ▶ Il contient
 - ▶ des **types**,
 - ▶ des **classes** et
 - ▶ des **fonctions**.
- ▶ Ceux-ci **collaborent** ensemble pour offrir différents services.

- ▶ Un **programme** est un **ensemble de modules**;
- ▶ Un de ces modules, le point d'entrée, doit s'appeler **Main.hs**;
- ▶ Les **modules** devraient vérifier les deux critères suivants:
 - ▶ **Cohésion forte**: Chaque **type**, **classe** et **fonction** a sa raison d'être **au sein** d'un module;
 - ▶ **Couplage faible**: Chaque **module** est le plus possible **indépendant** des autres modules.

Charger un module dans l'interpréteur

- ▶ Pour **charger** un module Haskell dans GHCi (par exemple **Graph.hs**), il suffit d'entrer la **commande**:

```
Prelude> :load Graph.hs
```

ou simplement

```
Prelude> :l Graph.hs
```

- ▶ Si un ou plusieurs modules **déjà chargés** ont été **modifiés**, on peut les mettre à jour avec

```
Prelude> :reload
```

ou simplement

```
Prelude> :r
```

Charger un module standard ou installé

- ▶ On peut aussi charger un module **standard** ou **installé** par **Cabal**;

- ▶ **Première** façon de faire:

```
Prelude> import Data.List
```

- ▶ **Deuxième** façon de faire:

```
Prelude> :m + Data.List
```

```
Prelude> :m + Data.List Data.Set Data.Char Data.Map
```

- ▶ La deuxième façon de faire n'est pas possible dans un **module Haskell**, seulement dans l'**interpréteur**.

- ▶ Lorsqu'on **charge** un module, tous les types, classes et fonctions qu'il définit sont **disponibles** dans l'espace **global**;
- ▶ S'il y a **deux fonctions** qui ont le même nom, il y aura une **ambiguïté** quand on tentera de les utiliser:

```
Prelude> :m + Data.Set
Prelude Data.Set> :t map

<interactive>:1:1:
  Ambiguous occurrence 'map'
  It could refer to either 'Data.Set.map',
                          imported from 'Data.Set'
                          (and originally defined in 'containers-0.5.5.1:Data.Set.
                          Base')
  or 'Prelude.map',
   imported from 'Prelude' (and originally defined in 'GHC.
   Base')
```

```
Prelude Data.Set>
```


Éviter les conflits de noms

Plusieurs façons d'éviter les **conflits de noms**.

- ▶ N'importer que le **type**, la **classe** ou la **fonction** dont on a besoin:

```
import Data.List (intersperse, sort)
import Graph (Graph, edges)
```

- ▶ Ou **cacher** les fonctions problématiques, si on n'en a pas besoin:

```
import Data.Set hiding (map)
```

- ▶ Si on a besoin de **deux fonctions** portant le même nom, il reste à **préfixer** par le nom du module:

```
Prelude> :m + Data.Set
Prelude> Data.Set.map (+3) (fromList [1,4,2,3,1,3])
fromList [4,5,6,7]
```

- ▶ Il est parfois long de **préfixer** les types, fonctions ou classes d'un module avec son **nom**:

```
Prelude Data.Map> (Data.Map.!) (Data.Map.fromList [(0, "alpha"), (1, "beta")]) 1  
"beta"
```

- ▶ Il suffit alors d'importer le module en lui attribuant un **synonyme**:

```
Prelude Data.Map> import qualified Data.Map as Map  
Prelude Data.Map Map> (Map.!) (Map.fromList [(0, "alpha"), (1, "beta")]) 1  
"beta"
```

- ▶ Cette façon de faire fonctionne aussi dans un **module**, pas seulement dans l'**interpréteur**.

- ▶ Supposez que nous ayons un fichier **Module.hs** qui compile;
- ▶ Nous souhaitons en faire un **module Haskell**;
- ▶ Il est important de **déclarer** les types, classes et fonctions qu'on souhaite **exporter** (rendre **publics**);
- ▶ Il est aussi important de **documenter**
 - ▶ l'**en-tête** du module;
 - ▶ chaque type, classe et fonction qui sont **exportés**.
- ▶ Il est aussi **fortement encouragé** de mettre des **exemples** (doctest);
- ▶ Toute fonction **publique** devrait avoir sa signature **déclarée**.

Format **reconnu** par **Haddock**:

```
{-|  
Module      : Graph  
Description : A module for playing with simple graphs  
Copyright   : (c) Carole Porrier  
License     : GPL-3  
Maintainer  : carole.porrier@univ-paris13.fr  
Stability   : experimental
```

This module provides functionalities for playing with simple graphs. The data structure being `@Graph@` is a strict map, associating each vertex with its neighbors. Notice that the implementation is not optimal: Its main objective is to explore the basic operations on lists and maps in Haskell.

```
-}
```

Documentation de type/classe/fonction

- ▶ La première ligne seulement doit commencer par `-- |`;
- ▶ Toutes les autres commencent par `--` (n'oubliez pas l'espace);
- ▶ Optionnellement, on peut mettre des **exemples**, qui peuvent être testés automatiquement par **Doctest**.

```
-- | Adds a list of edges to a graph. This is equivalent
-- to calling 'addEdge' for every edge in the list.
--
-- >>> numVertices $ addEdges [(1,2), (3,4)] emptyGraph
-- 4
-- >>> hasEdge 4 3 $ addEdges [(1,2), (3,4)] emptyGraph
-- True
addEdges :: Ord v => [(v,v)] -> Graph v -> Graph v
```

Exportation

```
module Graph (  
  -- * Type and basic constructor  
  Graph, emptyGraph,  
  -- * Constructor of famous graph families  
  completeGraph, cycleGraph, wheelGraph,  
  completeBipartiteGraph, petersenGraph,  
  -- * Basic queries  
  -- | The usual queries can be performed on a graph.  
  numVertices, numEdges, hasVertex, vertices,  
  neighbors, hasEdge, edges,  
  -- * Basic insertions  
  -- | Currently, only insertions are allowed  
  -- (i.e. no deletions).  
  addVertex, addEdge, addEdges,  
  -- * Output  
  -- | One might output the graph to a GraphViz string  
  -- according to the @dot@ format.  
  toGraphvizString,  
) where
```

Makefile

```
HS_FILES = Main.hs Graph.hs Configuration.hs ITree.hs
DOC_DIR = doc

.PHONY: clean doc docdir exec main test

main: $(HS_FILES)
    ghc -o main Main.hs

exec: main
    ./main

doc: $(HS_FILES) docdir
    haddock -o $(DOC_DIR) --html $(HS_FILES)

docdir:
    mkdir -p $(DOC_DIR)

test: clean
    doctest $(HS_FILES)

clean:
    rm -f *.o *.hi
    rm -f main
    rm -rf doc
```